# 太陽フレア・黒点の 数値モデリング研究

# 金子岳史 (新潟大学)

2023年 天文・天体物理夏の学校 太陽・恒星セッション 2023.08.02



## 金子 岳史 (新潟大学 教育学部 講師)

学位:博士(理学)(東京大学 2017年)

研究: 数値シミュレーションによる太陽物理学研究

#### 学歴・職歴:

- 2004 明治学園高等学校卒 (福岡県)
- 2007 代々木ゼミナール 小倉校 (福岡県)
- 2008 東京大学 理科一類
- 2010 東京大学 理学部 地球惑星物理学科
- 2012 東京大学大学院 理学系研究科 地球惑星科学専攻
- 2017 名古屋大学 宇宙地球環境研究所 研究員
- 2020 名古屋大学 宇宙地球環境研究所 特任助教
- 2022 ロッキード・マーティン太陽天体物理学研究所 ポスドク (アメリカ)
- 2023 新潟大学教育学部 講師



夏の学校には2012, 2013年度に参加。写真は2012年 度。

# これまでにやったシミュレーション



プロミネンス形成・噴出(未出版)





Time= 0.0 hr Bit (KG) 0--3--3--15-0--15--15-0--15--1



#### SDO/AIA 131 Å 2017-09-06T11:03:08.073



GOES X-ray













太陽は、表面の様子を高空間分解能で観測できる唯一の恒星

観測↔理論シミュレーション:例1

観測 (Yohkoh X-ray) フレアのカスプ構造



磁気流体シミュレーション

#### Yokoyama et al. (1998)



カスプ構造は説明。 プラズモイド噴出は見える?

## 観測:プラズモイド噴出

#### Ohyama & Shibata (1998) Yohkoh



#### Glesener et al. (2013) SDO/AIA 131



見える時もある。



なぜいつも見えない?

観測↔理論シミュレーション:例2

#### 観測:フレア発生時のスペクトル (RHESSI, Grigis & Benz, 2004)



#### 様々な物理過程を含めた磁気流体シミュレーション (Cheung et al. 2018)





多温度プラズマの熱的スペクトルを重ねると 冪スペクトルになる(現在も論争中)

磁気流体シミュレーション

$$\begin{aligned} \frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \mathbf{v}) &= 0, \\ \frac{\partial (\rho \mathbf{v})}{\partial t} + \nabla \cdot \left( \rho \mathbf{v} \mathbf{v} + p\mathbf{I} - \frac{BB}{4\pi} + \frac{B^2}{8\pi} \mathbf{I} \right) \\ -\rho g &= 0, \\ \frac{\partial}{\partial t} \left( e_{th} + \frac{1}{2} \rho \mathbf{v}^2 + \frac{B^2}{8\pi} \right) + \nabla \cdot \left[ \left( e_{th} + p + \frac{1}{2} \rho \mathbf{v}^2 \right) \mathbf{v} \right] \\ &+ \frac{c}{4\pi} \mathbf{E} \times \mathbf{B} \\ &= \rho \mathbf{g} \cdot \mathbf{v} + \nabla \cdot (\kappa T^{5/2} b \mathbf{b} \cdot \nabla T) - n^2 \Lambda(T) + H, \\ e_{th} &= \frac{p}{\gamma - 1}, \\ T &= \frac{m}{2} \frac{p}{\rho}, \\ \frac{\partial B}{\partial t} &= -c \nabla \times \mathbf{E}, \\ \mathbf{E} &= -\frac{1}{c} \mathbf{v} \times \mathbf{B} + \frac{4\pi \eta}{c^2} \mathbf{J}, \\ \mathbf{J} &= \frac{c}{4\pi} \nabla \times \mathbf{B}, \end{aligned}$$

$$\vec{W} = \frac{C}{4\pi} \nabla \times \mathbf{B}, \end{aligned}$$

磁気流体シミュレーション

#### 観測(SDO/AIA 304Å)



#### シミュレーション(MHD+熱伝導+輻射冷却)



適当な初期条件と境界条件を与えて磁気流体方程式を数値的に解くと、 太陽で観測される現象をある程度は再現できる。もちろん完全ではない。

磁気流体シミュレーション

## 完全には再現できない理由

- 厳密な物理定数が分からない(磁気拡散係数、熱伝導係数など)
- 何らかの物理項が足りない(熱伝導,輻射,電離非平衡,非熱的粒子など)
- 空間・時間解像度が足りない
- 初期条件、境界条件が簡略化されている

# 観測磁場からコロナの3次元磁場を推定する





1.5 1.3 1.0 -1.0

Inoue et al. (2018, Nat. Comm.)

データ拘束シミュレーション

#### Amari et al. (2014)



磁気流体シミュレーションの初期条件に 非線形フォースフリー磁場を利用。

より現実的な、複雑な磁場構造から計算 をスタートできる。

直接観測できないコロナの3次元磁場の 時間発展を推定できる。

## 課題

初期は観測と一致しているが、時間発展した後の表面磁場は観測値からズレる。

データ駆動シミュレーション

#### Pomoell et al. (2019)



Figure 7 Magnetic field lines of the flux rope as it rises in the  $\Omega$ -simulation. (a) The flux rope at 00:00 June 13. (b) Flux rope at 10:00 June 13.

## 下部境界条件に観測された太陽表面磁場 の時系列データを利用





Figure 8 (a) Magnetic field lines of the flux rope at 00:00 June 13. (b) SDO AIA 131 Å EUV image of approximately the same region as in panel a at the time of the eruption at 13:15 on June 14. The *colorbar* in the AIA image has been inverted as compared to the standard one. The *red* (*blue*) *curves* show contours of +(-) 500 G.

## 時間発展した後も、シミュレーションの 下部境界付近の磁場は、観測と一致。



異なるデータ駆動手法の比較 (Toriumi et al., 2020)



これまで、いくつか のデータ駆動手法が 提案されている。

手法によって、得ら れる数値解が異なる ことが分かってい る。

データ駆動手法はま だ発展途上。



1. 磁場駆動

## 観測磁場データ(2次元)を直接、下部境界ヘインプットする。

#### 2. 電場駆動

観測磁場時系列データから電場を計算し、下部境界へインプットする。



誘導方程式の時間微分の項を、 観測時系列データの差分で置き 換え、電場を求める。

$$\frac{\boldsymbol{B}^{n+1}-\boldsymbol{B}^n}{\tau}=-\nabla\times\boldsymbol{E}^I$$

## 新たなデータ駆動手法の提案

*E*×*B*-driven method (Kaneko et al. 2021)

電場Eと磁場Bから速度場を導出し、下部境界へ与える方法。

1. ゲージ変換により、電場を磁場に直交させる(Fisher et al. 2010)

 $\boldsymbol{E} = \boldsymbol{E}^{I} - \nabla \boldsymbol{\phi} \rightarrow \boldsymbol{E} \cdot \boldsymbol{B} = 0$ 

2. E×Bドリフトの式で、磁場に直交する速度成分を導出



ちなみに、この方法は電離圏の研究を している人の発表を聞いてる時に 思いついた(思い出した)。 自分の分野以外の話を聞くのも大事 …。



#### ガス圧=0と仮定した磁気流体方程式 (コロナでは磁気圧>>ガス圧)

$$egin{aligned} &rac{\partial 
ho}{\partial t} + 
abla \cdot (
ho oldsymbol{v}) = 0, \ &rac{\partial \left( 
ho oldsymbol{v} 
ight)}{\partial t} + 
abla \cdot \left( 
ho oldsymbol{v} oldsymbol{v} + rac{B^2}{8\pi} oldsymbol{I} - rac{BB}{4\pi} 
ight) = 0 \ &rac{\partial oldsymbol{B}}{\partial t} = 
abla imes (oldsymbol{v} imes oldsymbol{B} - \eta oldsymbol{J}), \ &oldsymbol{J} = rac{1}{4\pi} 
abla imes oldsymbol{B}, \end{aligned}$$

異常抵抗モデル

$$\eta = 0, \quad (J < J_c),$$
  
 $\eta = \eta_0 (J/J_c - 1)^2, \quad (J \ge J_c),$ 

この形式で抵抗を与えるとリコネクショ ンのタイムスケールが現実的な値になるこ とが、経験的に知られている。

 $\eta_0 heta_{J_c}$ の値はテキトーに決める。 (本当はミクロスケールのプラズマ物理で 決まる。)

再現を試みたプラズマ噴出イベント

#### 上段: H $\alpha$ blue wing (-0.5Å) 下段: H $\alpha$ line center Nov-04 23:34 UT Nov-04 23:40 UT Nov-04 23:46 UT Nov-05 02:46 UT Nov-05 02:58 UT Nov-05 03:04 UT (a5) (a3) (a6) (a2) (a (a4 -160 y (arcsec) -200 (b5) (b6) (b3) (b4) (b1) (b2) -160 y (arcsec) 005--360 -320 -360-320 -360 -320 -360 -320 -280 -360 -320 -280 -360 -320 -280 x (arcsec) x (arcsec) x (arcsec) x (arcsec) x (arcsec) x (arcsec)

(SMART/SDDI)

# 再現を試みたプラズマ噴出イベント



# 再現を試みたプラズマ噴出イベント



# 再現を試みたプラズマ噴出イベント



シミュレーション結果



# 観測との比較: 鉛直磁場





time= 120.0 min

## 観測 SDO/HMI 鉛直磁場 Bz

## シミュレーション

# 観測との比較:水平磁場



30

30

40

14

40

140

## 観測 SDO/HMI 鉛直磁場 Bx

## シミュレーション

# 観測との比較:水平磁場



30

40

140

40

14

## 観測 SDO/HMI 鉛直磁場 By

## シミュレーション

エネルギーの時間変化



磁気自由エネルギー:

(熱・運動エネルギーへ変換可能な 磁気エネルギー)

$$E_{\rm free} = \int \frac{B^2 - B_{\rm pot}^2}{8\pi} dV$$

**B**<sub>pot</sub>: ポテンシャル磁場

電流が0の磁場。電流が流れていないので、ジュール熱も発生しないし、ローレンツ力も働かない。

エネルギーの時間変化





## 完全には再現できない理由

- 厳密な物理定数が分からない(磁気拡散係数、熱伝導係数など)
- 何らかの物理項が足りない(熱伝導,輻射,電離非平衡,非熱的粒子など)



• 初期条件、境界条件が簡略化されている





## フレアを発生させる黒点



(Sammis et al., 2000; Toriumi & Wang, 2020)

β-type (AR11241)



# Simulations of sunspots

Rempel & Cheung (2014) (a) B=10.6 kG (b) B=21.2 kG 60 ۳n 40 > 20 60 [<sup>ב</sup>א] 40 ג 20 0 20 40 60 80 100 120 140 0 20 40 60 80 100 120 140 x [Mm] x [Mm] -2 2 -3 -1 0 3 1 B<sub>z</sub> [kG]

(c),(d) B=21.2 kG but different bottom boundary conditions to the velocity

The bottom boundary was at -15 Mm.

Cross section along height (color:|B|)



## Inclusion of deep convection zone



RMHD simulation of flux emergence (Toriumi & Hotta, 2019)

Code: R2D2 (RSST and Radiation for Deep Dynamics, Hotta & lijima, 2019)

- The bottom boundary was at -200 Mm
- $\delta$ -spot was reproduced.



## Another example using R2D2



Hotta and lijima (2020)



 $\beta$ -type magnetic distribution

## What drives the collision of opposite polarity?

Vertical velocity at a certain height (red:downflow, blue:upflow)



What is the essential difference?

How can we extract the essence from the complicated velocity field?

## <u>Aim</u>

To reveal the impact of convective flows in the convection zone on the formation of  $\delta$ -spot magnetic fields and their energy build-up

#### Method

Parameter surveys (93 cases) by RMHD simulations and a statistical analysis

# Simulation settings

- Numrcial code: R2D2 (Hotta & lijima, 2019)
- Grids: horizontal: 768 x 768 (uniform) depth: 512 (nonuniform)



# Basic equations

$$\frac{\partial \rho_{1}}{\partial t} = -\frac{1}{[\xi^{2}]} \nabla \cdot (\rho v),$$
RSST parameter
$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho v) = -\nabla \cdot (\rho v v) - \nabla p_{1} - \rho_{1} g e_{z} + \frac{1}{4\pi} (\nabla \times B) \times B,$$

$$\frac{\partial B}{\partial t} = \nabla \times (v \times B),$$

$$\rho T \frac{\partial s_{1}}{\partial t} = \rho T (v \cdot \nabla) s + Q,$$
Radiative heating  $\checkmark$ 
Solving Radiative Transfer Eq. (only in z-direction)
$$p_{1} = p_{1} (\rho, s),$$
Equation of State (OPAL, Rogers et al., 1996)

$$\rho = \rho_0 + \rho_1,$$
  

$$p = p_0 + p_1,$$
  

$$s = s_0 + s_1.$$
  
Background stratification  
(Model S, Christensen-Dalsgaard, 1996)  
(Hotta & lijima, 2019)

# Supercomputer Fugaku (富岳)

## Supercomputer Fugaku (@RIKEN, Japan)



Rank	System	Cores	Rmax (PFlop/s)	Rpeak (PFlop/s)	Power (kW)
1	<b>Frontier</b> - HPE Cray EX235a, AMD Optimized 3rd Generation EPYC 64C 2GHz, AMD Instinct MI250X, Slingshot-11, HPE DOE/SC/Oak Ridge National Laboratory United States	8,699,904	1,194.00	1,679.82	22,703
2	<b>Supercomputer Fugaku</b> - Supercomputer Fugaku, A64FX 48C 2.2GHz, Tofu interconnect D, <b>Fujitsu</b> RIKEN Center for Computational Science Japan	7,630,848	442.01	537.21	29,899
3	LUMI - HPE Cray EX235a, AMD Optimized 3rd Generation EPYC 64C 2GHz, AMD Instinct MI250X, Slingshot-11, HPE EuroHPC/CSC Finland	2,220,288	309.10	428.70	6,016

## Typical case of $\delta$ -spot formation



Magnetic field strength



## Parameter survey

Parameters of the initial flux tube

- Field strength: fixed
- Twist: fixed
- Horizontal positions: 31 cases (changed uniformly by 3 Mm)
- Depth: 3 cases (-22, -26, -30Mm)

total 93 cases

#### Vertical velocity at a certain height



## Results of parameter survey



Various kinds of magnetic distributions were created only by the difference in the convective flows surrounding the flux tubes.

## Nonpotential field (as a proxy of free energy)

 $B_z @ \tau = 1$ 

Nonpotential field  $B_{\rm np} = |\boldsymbol{B} - \boldsymbol{B}_{\rm pot}|$ 



# Distribution trend of $B_{np}$ : $\langle \langle B_{np} \rangle_t \rangle_{case}$

Temporal mean of  $B_{np}$  in each case

 $\langle B_{\rm np} \rangle_t$ 



Distribution trend of  $B_{np}$  $\langle B_{\rm np} \rangle_t$ 80 sum all cases & normalized 60 -[uw] \$ 40. 20ר () 20 40 80 60 0  $x \, [\mathrm{Mm}]$ 0.20.4 0.6 0.8 0.01.0

 $\langle \langle B_{\rm np} \rangle_t \rangle_{\rm case}$ 

## Seeking for relationship with convective flows

VS

correlation?



$$\left\langle \left\langle B_{np} \right\rangle_{t} \right\rangle_{\text{case}}$$
 at the photosphere



## Seeking for relationship with convective flows



Correlation Coefficients (CCs) at different depth



• Black: 
$$\langle \langle B_{np} \rangle_t \rangle_{case}$$
 vs  $\langle \langle v_z \rangle_t \rangle_{case}$ 

 $\rightarrow$  max |CC| ~ 0.7: good correlation

• Red: 
$$\langle \langle B_{np} \rangle_t \rangle_{case}$$
 vs  $\langle \langle \nabla_h \cdot v \rangle_t \rangle_{case}$ 

 $\rightarrow$  max |CC| ~ 0.3: weak correlation

• Blue: 
$$\langle \langle B_{np} \rangle_t \rangle_{case} \quad \forall s \langle \langle (\nabla \times \boldsymbol{v})_z \rangle_t \rangle_{case}$$

 $\rightarrow$  max |CC| < 0.1: no correlation

# Convective flows (lowpass filter applied)



#### Horizontal divergence: $\nabla_h \cdot v$



## Vertical vorticity: $(\nabla \times \boldsymbol{v})_z$



## Correlations: $\langle \langle B_{np} \rangle_t \rangle$ vs $\langle \langle v_z \rangle_t \rangle_{\text{case}}$ (lowpass filter)



$$1.44 \times 10^{-2} \text{ Mm}^{-1}$$

|CC| > 0.8 in z > -50 Mm (max |CC| ~ 0.9) Very good correlation

(b) CCs as a function of z and  $f_{cutoff}$ CC is the maximum at  $f_{\rm cutoff} = 1.44 \times 10^{-2} \, {\rm Mm^{-1}}$  $(\sim 70 \text{ Mm})$ 

# Correlations: $\langle \langle B_{np} \rangle_t \rangle_{case}$ vs $\langle \langle \nabla_h \cdot v \rangle_t \rangle_{case}$ (lowpass filter)



# **Correlations:** $\langle \langle B_{np} \rangle_t \rangle_{case}$ vs $\langle \langle (\nabla \times v)_z \rangle_t \rangle_{case}$ (lowpass filter)



(a) CCs at 
$$f_{\rm cutoff} = 1.44 \times 10^{-2} \ {\rm Mm^{-1}}$$

|CC| does not exceed 0.4.

(b) CCs as a function of z and  $f_{cutoff}$ 

|CC| does not exceed 0.4.

Not good correlation

## Interpretation



# Prediction of high free energy region?



- At t = 0, convection flows are not affected by magnetic fields
- $v_z$ ,  $\nabla_h \cdot \boldsymbol{v}$  at  $f_{\text{cutoff}} = 1.44 \times 10^{-2} \text{ Mm}^{-1}$ have still high CC values (~0.7)
- The times when the flux emerged in the photosphere were  $t \sim 20 30$  hr
- We can constrain high free energy region from the downflow plume even before flux emergence (leading time ~ 1 day?)



境界条件: d001 境界条件: d021 - 120. - 120. - 100. - 100. - 80.0 - 80.0 - 60.0 È - 60.0 (km - 40.0 > - 40.0 > - 20.0 - 20.0 0.00 0.00 - 15.0 - 15.0 - 10.0 - 10.0 5.00 5.00 <u>ق</u> ۵۰۰ 0.00 D - -5.00 - - 10.0 -15.0

R2D2は上空のコロナを含んでいない。

R2D2の結果を下部境界としてデータ駆動手法を適用し、計算領域をコロナへ拡張。 フレアが発生するか検証する。



- 太陽研究では、観測とシミュレーションの組み合わせが重要
  - 高時空間分解能の観測データが大量に蓄積されている。
  - 計算機の性能上昇により、シミュレーションも高解像度・高精度化。
  - → 観測データとシミュレーションの融合(まだ発展途上)
- 大規模シミュレーション
  - スーパーコンピュータにより大規模計算が可能になっているが、
     出てくる結果も複雑になる。
  - 結果をどのように解析し、解釈するかを考える必要。

これからシミュレーションをやってみたい方

## CANS+ (シミュレーションコード+解析コード+解説)

https://www.astro.phys.s.chiba-u.ac.jp/cans/doc/index.html

CANS (シミュレーションコード+解説, ちょっと古い) https://www.astro.phys.s.chibau.ac.jp/netlab/astro/index2.html





これからシミュレーションをやってみたい方

スーパーコンピュータ利用環境

国立天文台 CfCA: Cray XC50 「アテルイII」

修士・博士学生向けカテゴリ → XC-MD (1つの計算あたり400コアまで利用可) 研究計画が採択されれば、無料で使える(指導教員の推薦書、成果報告は必要)





## これからシミュレーションをやってみたい方

#### 流体学校

Center for Comput	ational Astr	rophysics	Translate this page by: Googleದ Weblio다		
<b>Q</b> 保守作業予定等	ゲストさん、よう	こそ。 ログインはこちら / アカウント作成はこちら。			
CfCA News for August 2023 2023/08/07 - 09:00 から 2023/08/07 - 17:00					
◦ ホーム ▼ CfCAについて ○ プロジェクトの概要	国立大文ロ・大文ジミュレージョンプロジェット(UCA)では、2023年2月に2022年2月に2022年後派体学校を以下の委領にて開催いたじます。 CfCAではこれまで公開コードを基にした実践的な内容の流体学校を開催してまいりましたが、 今年度は格子法における数値磁気流体計算法の基礎事項の習得と計算コードの実装に特化した流体学校を開催いたします。 なお今年度は三鷹キャンパスで開催いたします。				
<ul> <li>○研究紹介</li> <li>○計算機紹介</li> <li>○メンバー</li> <li>○はじめての方へ</li> </ul>	日時:2023年2月20日(月)9:20 ~ 2023年2月23日(木)15:00 開催方法:三鷹キャンパスでの現地開催 + オンライン聴講(講義動画の視聴) 申し込みにはCfCAwebシステムのwebアカウントを作成していただく必要がありますので、アカウント未登録の方はwebアカウント作成手順をご参別				
<ul> <li>ニュースレター</li> <li>★共同利用計算機</li> <li>         ・接続方法     </li> </ul>	い。 <b>スケジュール</b> 2月20日				
<ul> <li>○ XC50</li> <li>○ GPUクラスタ</li> <li>○ 中規模サーバ</li> <li>○ 計算サーバ</li> </ul>	09:20-09:30 09:30-10:30 10:40-12:10 13:30-17:00	諸連絡と開校のあいさつ 流体力学の基礎方程式とその諸性質 (水田晃氏) (講義資料) 流体力学方程式の数値解法 (水田晃氏) (講義資料) 実習:1次元空間一次精度流体計算コードの実装			
<ul> <li>● 解析サーバ</li> <li>● ファイルサーバ</li> <li>▼利用方法</li> <li>● 利用規則</li> </ul>	2月21日 09:00-10:30 10:40-12:10	数値磁気流体計算法 (三好隆博氏) (講義資料) 高次精度スキーム (三好隆博氏) (講義資料)			
▼利用者の責務等について	13:30-17:00	実習:1次元空間1次精度および2次精度磁気流体計算コードの実装			