## 原子惑星系円盤の磁気乱流による電子の加熱と電離度の減少

森 昇志 (東京工業大学大学院理工学研究科)

### 概要

原始惑星系円盤では、磁気回転不安定性に起因する磁気乱流によって、角運動量輸送が外側へ輸送され、質 量降着が起きると考えられている。しかし、磁気回転不安定性がおきるかどうかは、そこでの電離度に依存 しており、原始惑星系円盤では、赤道面内側が低電離であるため安定な領域が存在する。本研究では電子の 電場加熱による電離度の減少に着目する。これまでの原始惑星系円盤の磁気乱流に関する研究は、電子の温 度は中性ガスの温度に等しいとしていた。しかし、発達した磁気乱流は強い電場を作り、電場による電子の 加熱が起こりえる。電子の熱速度が大きくなるとダストに吸着しやすくなり、気相の電子の数密度は減少す る。これらの結果として、ある程度強い電場では電場の上昇に伴い電離度が減少する。電離度は乱流の強さ に影響するため、電子の電場加熱の重要性を検討する必要がある。本研究では、原始惑星系円盤の磁気回転 不安定な領域で、電子の電場加熱による電離度の減少がどこで起こるかを求め、電離度の値を見積もった。 その結果、ダストサイズ 0.1μm、ダストガス質量比 0.01 の最小質量円盤では、20 70AU まで電場加熱によっ て電離度が減少することを明らかにした。また、この領域では従来の理解よりも 1 ~ 2 桁程度電離度が低い ことが分る。この領域では磁気乱流が成長することで電離度が減少するために、弱い磁気乱流になると考え られる。

# 1 イントロダクション

原始惑星系円盤は形成初期に持っていた角運動量 を磁気回転不安定性由来の磁気乱流によって円盤の 外側へと輸送すると考えられている (e.g. Balbus and Hawley. 1991)。磁気回転不安定性は磁場が貫いてい る十分電離した円盤が差動回転する事によって普遍 的におきる不安定である。しかし、原始惑星系円盤 で、十分に電離源が届かない領域では、低電離度の ために磁気乱流を維持できない領域 (デッドゾーン) が存在する (Gammie. 1996; Sano et al. 2000)。一 方で、デッドゾーンの外側の不安定領域では、磁気 乱流が発達していると考えられている。

しかし近年、その不安定領域で磁気乱流の成長後 に磁気拡散が起こるために、激しい磁気乱流が起き ない可能性が指摘された (Okuzumi and Inutsuka. in prep)。ここでの重要な機構は以下の通りである。: 磁気回転不安定領域において、磁気乱流は磁場の成 長とともに強い電場も同時に形成する。一方で弱電 離気体中の電子は強電場によって加速され、そのエ ネルギーは中性粒子との衝突で熱に変換される (電子 の電場加熱と呼ぶ; Inutsuka and Sano. 2005)。加熱



図 1: Okuzumi and Inutsuka. (in prep) で示した電 流密度-電場関係。ここで  $E_{crit}$  は電子の電場加熱が おきる電場、 $J_e \ge J_i$  はそれぞれ電子と陽イオンの電 流密度である。電流密度は電子の電流密度と陽イオ ンの電流密度の和でかけるが、一般的に電子の電流 密度が支配的である。

電子は、その高い熱速度のために、ダストに衝突し やすくなり、気相中の電子は減少する。電子の電離 度が減少すると電気抵抗が大きくなり、乱流は安定 化すると考えられる。 この Okuzumi and Inutsuka. (in prep) で示した 電流密度-電場関係は図1である。電子の電場加熱が 起きると電流密度が減少していることが分る。これ は電子の電離度が大きく減少したことの結果である。

本研究では、原始惑星系円盤において、この電離 度の減少がおきる領域を求める。また磁気乱流の平 衡状態を仮定することで具体的な電離度の値につい ても求める。

## 2 方法

### 2.1 電流密度モデル

電流密度 *J* はオームの法則によれば、電気伝導度 σを用いて、

$$J = \sigma E, \tag{1}$$

$$\sigma = \frac{e^2 n_e \Delta t}{m_e},\tag{2}$$

と表される。したがって一般的な電場と電流の関係 を求めるには、電子の数密度が必要になる。そこで 我々は、荷電粒子の数密度をダスト吸着を考慮した 電離平衡から導いた。また電離反応の程度は電子が 加熱されると大きく変化するため、それも考慮して 計算を行った。以下により詳細な方法について見る。

まず、ある電場に対する電場加熱を考慮した電子の 温度*T<sub>e</sub>*を解析的に与える (森 and 奥住. 2014 卒論)。

$$T_e \approx T \left( \frac{1}{2} + \sqrt{\frac{1}{4} + \frac{2}{3} \left(\frac{E}{E_{\rm crit}}\right)^2} \right), \quad (3)$$

$$E_{\rm crit} = \sqrt{\frac{6m_e}{m_n}} \frac{k_B T}{el_e}.$$
 (4)

ここで $E_{\text{crit}}$ は電子の電場加熱がおきる基準となる電場である。 $E \ll E_{\text{crit}}$ のとき電子の温度は中性ガスの温度に等しい。 $E \gg E_{\text{crit}}$ のとき電子の温度は電場の一乗に比例する。

荷電粒子の数密度は電離平衡を考えることで求ま る。反応としては、宇宙線による中性ガスの電離、気 相中の電子と陽イオンの再結合、電子と陽イオンの ダストへの吸着を考える。平衡状態に達し、中性ガ ス粒子の数密度を $n_n$ 、電子の数密度を $n_e$ 、陽イオンの数密度を $n_i$ とすれば、

$$0 = \zeta n_n - K_{\rm rec} n_e n_i - K_{de} n_e n_d. \tag{5}$$

ここで $\zeta$ は電離速度、 $K_{rec}$ は気相再結合係数、 $K_{de}$ はダスト吸着係数である。陽イオンについても同様な式を立てる。 $K_{de}$ は電子の温度に大きく依存しており、電子温度が上昇すると、 $K_{de}$ も上昇する。

以上の過程を経ることで、一般的なある電場に対す る電流の関係を導くことができる。計算した結果は Okuzumi and Inutsuka. (in prep) と同様になること が確認できる。

荷電粒子の数密度を計算するにあたって、磁気乱 流の平衡状態を定めなければならない。以下に磁気 乱流が飽和する条件を示す。

### 2.2 磁気乱流の平衡条件

#### 2.2.1 **線形成長の飽和条件**

磁気乱流の線形成長はどこまででも起きる訳では なく、磁気乱流が十分発達すると磁場が増幅され、最 大成長波長がガス密度スケールハイト以上となって しまうため、それ以上磁気乱流は発達しない。その 飽和時の電流密度  $J_{\text{max}}$  は Muranushi et al. (2012) の数値計算結果を用いる。

$$J_{\rm max} \sim 10 \sqrt{\frac{\rho}{8\pi}} c\Omega \tag{6}$$

2.2.2 オーム散逸による安定化条件

MRI 乱流は誘導方程式に従う。

$$\frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t} = \nabla \times (\boldsymbol{u} \times \boldsymbol{B}) + \eta \nabla^2 \boldsymbol{B}$$
(7)

uはガス速度、 $\eta$ は磁気拡散係数。右辺一項目と二 項目の比を磁気レイノルズ数とよび、 $R_{e,M} = v_A^2/\eta\Omega$ と書ける。 $R_{e,M} < 1$ になると、つまり二項目が一項 目より大きくなると、磁気拡散が効くため MRI は安 定になる。この条件を電流密度で書き表すと、

$$J < J_{\rm OH} \equiv \frac{c^2 \rho \Omega}{B_0^2} E \tag{8}$$



図 2: 平衡状態の場合分け。

のとき磁気拡散が支配的である。B0 は初期磁場。

本研究では、電流密度 J が J<sub>OH</sub> となるときに平衡 状態に達するとする。ただし、実際に達成する平衡 状態はまだ分っておらず、あくまで仮定であるとい う点は注意すべきである。

以上の $J_{\text{max}}$ あるいは $J_{\text{OH}}$ に達した点で平衡状態に 達するとする。これらの条件を図示すると図2のよ うになる。つまり、

(1) 電子の電場加熱が起こる前に J<sub>max</sub> に達する。

(2) 電子の電場加熱が起き、J<sub>OH</sub> に達する。

(3) 初めから  $R_{e,M} < 1$  なため MRI は起きない。 の3つに場合分けできる。

### 2.3 円盤モデル

最小質量円盤モデルを仮定し、初期磁場の強度は パラメータとする。ダストガス質量比 *f*<sub>dg</sub> の基準値 は 0.01 で与える。またダスト粒子の半径は 0.1µm と する。

## 3 結果

まず、平衡状態についての場合分けを実際の円盤 モデルで領域を描くと、図3のようになる。電子の 電場加熱が起きる領域がデッドゾーン外側に広く存



図 3: 原始惑星系円盤におけるデッドゾーンおよび各 領域の図。



上:電場加熱を考慮しない電離度のコンター図。 下:電場加熱を考慮した電離度のコンター図。 カラーバーは電離度を表す。

在していることが分る。この領域はデッドゾーンの 3-4 倍もの大きさになる。

次に、円盤の電離度をカラーコンター図を用いて 示した図が図4である。電場加熱が起きている領域 2014年度第44回天文・天体物理若手夏の学校

では従来の理解よりも1~2桁程度電離度が低いこ とが分る。

# 4 議論および結論

原始惑星系円盤内の磁気乱流領域で、磁気乱流が 作る強電場によって電子の電場加熱がおきる領域を 調べた。また、そのときの磁気乱流の平衡状態を仮定 することで円盤内における電離度分布も求めた。そ の結果、現在デッドゾーン外側には磁気乱流領域が 広がっていると考えられているが、その領域では磁 気乱流由来の強電場による電場加熱が起き、電離度 が減少していることがわかった。電離度が低いと電 流は流れにくくなるため、この領域では従来の理解 ほど激しい磁気乱流は起きず、弱い磁気乱流領域に なっていると予想できる。

## 謝辞

本研究をするにあたって奥住聡先生には大変お世 話になりました。

# 参考文献

Balbus, S. A., & Hawley, J. F. 1991, ApJ, 376, 214
Gammie, C. F. 1996, ApJ, 457, 355
Inutsuka, S., & Sano, T. 2005, ApJ, 628, L155
Muranushi, T., Okuzumi, S., & Inutsuka, S. 2012, ApJ, 760, 56
Sano, T., Miyama, S. M., Umebayashi, T., & Nakano, T. 2000, ApJ, 543, 486