バイナリーブラックホール降着円盤の重力レンズ撮像

伊地知 翔真 (京都大学大学院 理学研究科)

Abstract

銀河は合体しながら成長すると考えられているが、その際に中心部分のブラックホール同士はバイナリー ブラックホールと呼ばれる連星系を形成するはずである。しかし、サブパーセクスケールのバイナリーブラッ クホールは未だに同定されていない。そこで本研究では、サブパーセクスケールのバイナリーブラックホー ルにおける各ブラックホール周囲の降着円盤が実際に撮像された時にどのような性質が得られるのかを重力 レンズ撮像シミュレーションによって調べた。本研究は二段階で行った。まずはじめに、シュバルツシルト 時空の測地線方程式を解いて単一のブラックホール近傍の光子の軌道を計算し降着円盤の撮像計算を行った。 その結果、撮像フラックスや降着円盤スペクトルは先行研究と一致することを確認した。次に、この手法をサ ブパーセクスケールのバイナリーブラックホールへと拡張する。各ブラックホール周囲に降着円盤があると 仮定すると、重力レンズ効果により降着円盤の像を歪め合うはずである。数値計算の結果、重力レンズによ る歪みに加えて、像の位置変化と光度変化が得られた。像の位置の変化については重力レンズによる像の屈 折が原因であり、これは近似計算をすることで計算の妥当性を確認した。光度の変化は単一のブラックホー ルの場合には見られない増光機構であり、最大で 10 倍もの光度変化が生じることが分かった。

1 Introduction

宇宙にある大半の銀河の中心には太陽質量の数十 万~数百億倍もの超大質量ブラックホールが存在す ると考えられているが、その形成や成長過程はよく 分かっていない。銀河は銀河同士の衝突合体によっ て成長するのは良く知られている。同様にそれぞれ の銀河の中心のブラックホール同士も合体し成長す る $(M - \sigma$ 関係, Haring et al. (2004)) とすれば、合 体銀河の中心でブラックホール同士のバイナリー (バ イナリーブラックホール) が必然的に形成されるは ずである。そして周囲のガスによる粘性や重力波の 放出によって角運動量を失い、最終的に衝突してひ とつの大きなブラックホールが作られると考えられ る (Hayasaki et al. 2007)。しかし、サブパーセクス ケールのバイナリーブラックホールはいくつかの候 補天体が指摘されているものの未だに同定されてい ない (Yokosawa and Inoue 1985; Sudou, et al. 2003; Sillanpaa et al. 1988)。一方、近年の観測技術の向上 によって、近い将来には直接ブラックホール近傍の 撮像も期待されているため、ブラックホールの撮像 シミュレーションは急務の課題となっている。そこ で本研究では、サブパーセクスケールのバイナリー

ブラックホールにおける各ブラックホール周囲の降 着円盤が実際に撮像された時に、どのような性質が 得られるのかを重力レンズ撮像シミュレーションに よって調べた。

2 Methods

本研究ではまず単独のシュバルツシルト・ブラッ クホールとその周りにある標準降着円盤を仮定し、 レイ・トレーシングを行った (Luminet 1979; Fukue and Yokoyama 1988)。降着円盤から出た光が遠方の 観測者に届くまでの経路は一般相対性理論における 測地線方程式 (1) に従う。

$$\frac{d^2}{d\phi^2} \left(\frac{1}{r}\right) + \frac{1}{r} = \frac{3GM}{c^2} \frac{1}{r^2} \tag{1}$$

ここで G は重力定数、M は中心天体 (ブラックホー ル) の質量、c は光速度、r と φ は二次元極座標を表 す。この式を逆方向へ解くことによって降着円盤の どの位置から出た光なのかを求める手法がレイ・ト レーシング (光線追跡法)である。一般相対論的な標 準降着円盤の温度分布は Page and Thorne (1974) に おける計算結果を用いており、それにより 円盤表面 からの放射フラックス (式 (2)) は降着率と放射位置の円盤半径によって一意に決まる。

$$F(R) = \frac{3GM\dot{M}}{8\pi r_s^3} \frac{1}{(R-1.5)\sqrt{R^5}} \times \left[\sqrt{R}-\sqrt{3}+\frac{\sqrt{1.5}}{2}\ln\left(\frac{\sqrt{R}+\sqrt{1.5}}{\sqrt{R}-\sqrt{1.5}}\frac{\sqrt{3}-\sqrt{1.5}}{\sqrt{3}+\sqrt{1.5}}\right)\right] (2)$$

ここで \dot{M} は降着率、 $r_s \equiv 2GM/c^2$ はシュバル ツシルト 半径、そして半径 R は r_s 単位で書かれ ており、F(R) が半径 R からの放射フラックス (次 元:[erg/s/cm²])を表している。さらにこれに円盤回 転によるビーミング効果と重力赤方偏移効果を加味 し、観測者のスクリーン上へ到達するフラックスと して計算・描画した。降着円盤と観測者の位置関係 を図1に示す。



図 1: ブラックホール、降着円盤と観測者の位置関係

次に、二つの大質量シュバルツシルト・ブラック ホールがサブパーセクスケールで回転しているバイ ナリーブラックホールモデル(図2)を考えた。ブラッ クホール同士は十分に離れているとし、それぞれ独 立な重力場を持つとしてレイ・トレーシングを行う。 それぞれが降着円盤を持っていると仮定し、公転す ることで降着円盤の画像は時間によって変化すると 予測される。また、手前のブラックホールの重力に よって像は曲げられ、edge-onに近いほど曲りは大き くなるだろうとも予測される。

3 Results

単独シュバルツシルト・ブラックホールでのレイ・ トレーシング撮像結果を図 3, 図 4 に示す。ブラック ホールの質量は $10M_{\odot}$ とし、降着円盤内縁は $3r_s$ 、外 縁は $1000r_s$ 、降着率は $\dot{M} = \dot{M}_{crit} \equiv L_{Edd}/c^2$ とし た。観測者は 10^6r_s 離れているとし、スクリーンは



図 2: バイナリーブラックホールと観測者の位置関係

 $30r_s \times 30r_s$ 、解像度は $0.05r_s$ としている。図 3 は inclination angle が $\theta = 0$ [deg] つまり face-on から 見た図で、内縁から離れたところではほぼ R-3 でフ ラックスが落ちていく (cf. 式 (2))。中央の黒い穴はブ ラックホールを示している。図4は $\theta = 80$ [deg] のほ ぼ edge-on から見た図であり、上下左右に非対称な 円盤画像が見て取れる。上下方向に非対称なのは強 い重力によって光が曲げられ、ブラックホール後ろ側 の円盤が浮き上がって見えているからである。左右方 向の非対称性は円盤回転によるビーミング効果が原 因であり、視線方向に対して反時計回りに回転して いるために円盤左側のフラックスが強められている のが分かる。円盤内縁よりも内側には、ブラックホー ルの側を複数回回転して円盤に到達する光 (multiple imagesと呼ばれる)も見られたが、光度は極端に少 ないので観測には適さないだろう。なお、これらの 画像は全波長帯で積分した Bolometric フラックスを 示している。また、X 線領域や可視光領域の各領域 で積分したフラックス画像も計算した。X 線領域の 場合ではフラックスはほとんど変わらなかったが可 視光域では緩やかなコントラストを描いていた。

最後に、バイナリーブラックホールモデルでの計算 結果を示す。各ブラックホールの質量は $5 \times 10^7 M_{\odot}$ 、 ブラックホール間距離は $0.01 \text{ [pc]} \simeq 2 \times 10^3 \text{rs}$ 、降着 率は $\dot{M} = 0.05 [M_{\odot}/\text{yr}]$ 、公転周期は $P_{orb} \simeq 9.4 \text{ [yr]}$ とした。降着円盤の前にもうひとつのブラックホー ルがあるとき、 θ を変化させると図5のように θ が 大きくなるほど像が歪められている様子が見られた。 図6は $\theta = 90$ [deg] の edge-on から見た場合に、公



図 3: $\theta = 0$ [deg] より見た降着円盤の Bolometric フ ラックス画像。横軸、縦軸は r_s 単位でのスクリーン の大きさを示す。中央の黒い穴はブラックホールを 表す。式 (2) より、フラックスの強さは外縁へ向けて R^{-3} で落ちていく。



図 4: θ = 80 [deg] より見た降着円盤の Bolometric フラックス画像。ブラックホールの強い重力と円盤 回転のビーミング効果により上下左右非対称な像と なっている。

転運動により手前のブラックホールが奥側のブラッ クホールの前を通り過ぎるときにアインシュタイン リングをつくる様子を表している。また、スクリー ン上で積分した光度の変化を表しているのが図7で ある。縦軸は最大値で規格化した光度(次元:[erg/s])、 横軸は公転の回転角 ϕ [deg] にとっている。それを異 なる inclination angle θ [deg] ごとにプロットしてい る。図7を見ると inclination angle が θ = 88 [deg] 以上の場合に、アインシュタインリングができると きに光度が増加しているのが分かる。 θ = 90 [deg] で はおよそ 10 倍もの光度増加を引き起こしている。



図 5: 左側二つは降着円盤画像 (図 4) における θの 値を変えた画像。右側二つはそれらが、手前にある もうひとつのブラックホールによって像が歪みを受 けている様子を表している。



図 6: バイナリーブラックホールが公転運動すること によりアインシュタインリングができる様子。inclination angle は $\theta = 90$ [deg] (edge-on) に固定してい る。左から順に、公転の回転角 $\phi = -0.6, 0, 0.6$ [deg] ごとに撮像したもの。



図 7: バイナリーブラックホールの公転運動により 光度変化が起こる様子。縦軸は最大値で規格化した 光度 (次元:[erg/s])、横軸は公転の回転角 ϕ [deg] に とっている。それを異なる inclination angle θ [deg] ごとに色別でプロットしている。

4 Discussion & Conclusion

本研究ではシュバルツシルト・ブラックホールまわ りの相対論的降着円盤の撮像計算を行った。強い重力 場と円盤回転によるビーミング効果による非対称性 を持つ特徴的な円盤画像が得られた (図 3, 図 4)。こ の撮像結果と降着円盤スペクトルは先行研究の結果と 一致させることができた (Luminet 1979; Takahashi and Watarai 2007; Takahashi and Harada 2010). また、X線領域ではフラックスはあまり変わらない が可視光域では緩やかなコントラストを描いた。こ の理由としては、10⁷ [K] の黒体輻射は 2.4 [keV] に ピークがあるため、X線が支配的である。そのため、 X線の画像と Bolometric 画像はあまり 変わらず、円 盤の外側へ向けてフラックスは R⁻³ で急激に落ちる (cf. 式 (2))。一方、可視光のスペクトルは降着円盤ス ペクトルの Rayleigh-Jeans slope にあたり、フラッ クスは $R^{-\frac{4}{3}}$ に依存するため Bolometric に比べコン トラストは緩やかになっていると考えられる (Fukue and Yokoyama 1988).

そして、バイナリーブラックホールでの撮像計算 も行った。降着円盤の前にもうひとつのブラックホー ルがあるとき、その重力場によって像が歪むことが 確認された (図5)。なお、像の歪みに加えて像の位置 変化も観察されたが、これについては近似測地線方 程式を解くことにより位置変化の大きさを計算する ことができ、レイ・トレーシングの計算結果が妥当で あることを示せた。バイナリーブラックホールが公 転運動する際はアインシュタインリングが見られる 場合があり(図6)、このリングも前述のように近似 測地線方程式によって位置が予測でき妥当な計算結 果であることを示せた。特に、edge-onに近いほど光 度が10倍も変化していることが分かった(図7)。こ の増光は、降着円盤がビーミング効果によりフラッ クスを強めている部分(図4左側)から出た光が、手 前側のブラックホールによって進路を曲げられスク リーンへ集中的に当たっているためである。これは Hayasaki et al. (2008); Yan et al. (2014) に挙げられ ているような増光とは異なる増光機構であり、バイ ナリーブラックホールの新しい観測的手段を提供で きるかもしれない。

Acknowledgement

共同研究者の方々や本研究について有益な議論を して下さった皆様に感謝申し上げます。

Reference

Fukue, J. and Yokoyama, T. 1988, PASJ, 40, 15

- Haring, N. and Rix, H. -W. 2004, ApJ, 604, L89
- Hayasaki, K., Mineshige, S., and Sudou, H. 2007, PASJ, 59, 427
- Hayasaki, K., Mineshige, S., and Ho, L., C. 2008, ApJ, 682, 1134
- Luminet, J. -P. 1979, A&A, 75, 228
- Page, D. N. and Thorne, K. S. 1974, ApJ, 191, 499
- Sillanpaa, A., Haarala, S., Valtonen, M. J., Sundelius, B., and Byrd, G. G. 1988, ApJ, 325, 628
- Sudou, H., Iguchi, S., Murata, Y., and Taniguchi, Y. 2003, Sience, 300, 1263
- Takahashi, R. and Watarai, K. 2007, MNRAS, 374, 1515
- Takahashi, R. and Harada, T. 2010, CQG, 27, 075003
- Yan, C. -S., Lu, Y., Yu, Q., Mao, S., and Wanbsganss, J. 2014, ApJ, 784, 100
- Yokosawa, M. and Inoue, M. 1985. PASJ, 37, 655